

# مطالعه‌ای کاربردی در تئوری نوین رفتار

جمشید پژویان\*

حسین استادی\*\*

## چکیده

نظام مند کردن مجدد تئوری رفتار مصرف‌کننده مبتنی بر تابع تولید خانوار، و ظرفیت این رهیافت نوین در ایجاد دامنه گستردگی از فرضیه‌های محکم و قابل قبول؛ ابزارهای مناسبی را برای درک انواع متعدد رفتار انسانی در اختیار دانشمندان علوم اقتصادی و اجتماعی قرار می‌دهد. زیرا آنچه قبل‌اً خارج از قلمرو مطالعه اقتصاد استاندارد تلقی می‌شد، امروزه قابل بررسی به‌نظر می‌رسد. در این پژوهش با ارائه یک مدل نظری مبتنی بر «نظریه تابع تولید خانوار»؛ توابع تقاضا و کشنش‌های تقاضا برای کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن؛ کشنش‌های درآمدی؛ کشنش‌های جانشینی جزئی «آلن ازاوا»<sup>(۱)</sup> و کشنش‌های عرضه

\* - دکتر جمشید پژویان؛ استاد دانشگاه علامه طباطبائی

\*\* - دکتر حسین استادی؛ استادیار دانشگاه آزاد اسلامی.

وقت بازاری زن و شوهر نسبت به نرخ‌های مستمرد بازاری؛ با استفاده از داده‌های آماری مقطعی سال ۱۳۷۵، از یک نمونه تصادفی با حجم ۲۴۴ خانوار، در شهر اصفهان برآورد گردیده است.

## مقدمه

با توسعه و تعديل رهیافت اقتصادی در سالهای اخیر، اقتصاددانان با موفقیت بیشتری از نظریه اقتصادی برای توضیح رفتار خارج از بخش بازار پولی استفاده کردند. بنابراین رفتارهای انسانی نظیر تبعیض نژادی، باروری، علم سیاست، جنایت، آموزش، تصمیم‌گیری آماری، موقعیتهای رقابتی، مشارکت در نیروی کار، کاربردهای زمان فراغت و سایر رفتارها بیش از گذشته قابل درک شده‌اند. شیوه نوین نظریه اقتصادی می‌تواند روش مناسبی برای ایجاد چارچوبی یکسان و متحد برای تحلیل کلیه رفتارهایی تلقی شود که تعریف «انتخاب براساس منابع محدود میان اهداف رقیب» را شامل می‌شوند؛ صرف‌نظر از این‌که این رفتارها منسوب به بخش بازاری باشند و یا غیر بازاری، پولی باشند یا غیرپولی، رقابتی باشند و یا منسوب به گروهی کوچک.

## موارد عدم کفايت تئوري انتخاب سنتي

نظام‌مندکردن نظریه سنتی رفتار مصرف‌کننده در الگوی یک دوره‌ای را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$(1) \quad \text{Max: } U = U(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

$$\text{S.t.: } I = \sum_i p_i x_i$$

که در آن  $I$  درآمد پولی و  $P_i$  قیمت پولی کالای  $x_i$  می‌باشد.تابع تقاضا برای کالای  $x_j$  که در آن  $P$  شاخص قیمت می‌باشد به صورت زیر است:

$$(2) \quad x_j = d_j \left( \frac{I}{P}, \frac{P_1}{P}, \frac{P_2}{P}, T \right)$$

در این نظریه، فرض بر این است که خانوار به عنوان واحد مصرف‌کننده سمعی می‌کند مطلوبیت حاصل از کالاهای خدمات خریداری شده از بازار را با توجه به

محدودیت بودجه، به حداقل بررسیاند. در این قاعده‌مندسازی تغییرات در تقاضا و رفتار مصرفی، با سه عامل درآمد، قیمت‌ها و سلیقه‌ها توضیح داده می‌شود. موارد عدم کفایت و ضعف‌های تئوری سنتی رفتار مصرف‌کننده براساس این صورت‌بندی عبارتست از:

**(۱) تأکید بر روی «سلیقه»**

هنگامی که درآمد و قیمت نتواند رفتار مشاهده شده را توضیح دهد، تغییرات توضیح داده شده به «سلیقه‌ها» نسبت داده می‌شود. این نظریه بر تفاوت در سلیقه‌ها برای توضیح رفتار تکیه می‌کند، در حالی‌که قادر نیست چگونگی تشکیل سلیقه‌ها را بیان کند و یا اثرات آنها را پیش‌بینی نماید.

**(۲) تأکید بر «پدیده‌های پولی»**

در نظریه سنتی رفتار مصرف‌کننده، مطلوبیت مستقیماً از کالاهای خدمات خریداری شده از بازار بدست می‌آید از این‌رو این نظریه بر حسب قیمت‌ها و درآمدهای پولی فرمول‌بندی شده و کاربرد آن صرفاً به بخش بازاری محدود می‌شود. این تأکید روی پدیده‌های پولی دارای پیامدهای نامطلوب زیر است:

الف - انتخابهای زیادی وجود دارند که مشمول تعریف «انتخاب براساس منابع محدود میان اهداف رقیب» می‌شوند، اما از آنجایی که به عوامل غیرپولی مرتبط هستند، این نظریه قادر به تحلیل آنها نیست. به طور مثال تصمیمات مصرف‌کننده درباره انتخاب دین، حزب سیاسی، همسر، طلاق، ابعاد خانواده، سبک و شیوه زندگی، تصمیم درباره تخصیص وقت غیربازاری مصرف‌کننده،... تمامًا دربرگیرنده مفهوم تخصیص منابع محدود میان اهداف رقیب هستند اما به دلیل انتساب آنها به عوامل غیرپولی، غالباً در تحلیل سنتی و مرسوم نارییده گرفته می‌شوند.

ب - نظریه سنتی در بطن خود با تناقض همراه است، زیرا از یکسو بشدت بر روی قیمت‌های پولی تأکید دارد و از سویی دیگر بخش مهمی از رفتار مشاهده شده را به متغیر توضیح داده نشده سلیقه نسبت می‌دهد.

ج - دانشمندان، علوم اجتماعی، علوم سیاسی، انسان‌شناسان و بیولوژیست‌ها نوعاً به تحلیل رفتارهایی می‌پردازند که پدیده‌های پولی در آنها نافذ نیست، از این‌رو نظریه انتخاب سنتی و استاندارد علم اقتصاد برای دانشمندان سایر علوم فاقد جاذبه کاربردی است.

### نظریه «تابع تولید خانوار»

در نظریه استاندارد و مرسوم؛ مصرف‌کننده مطلوبیت حاصل از کالاهای خدمات خریداری شده از بازار را با در نظر گرفتن میزان بودجه، حداقل می‌کند. در حالی که در «مدل تابع تولید خانوار» مطلوبیت مستقیماً از اقلام گوناگونی بنام کالاهای ترکیبی (commodities) بدست می‌آید. کالاهای ترکیبی توسط خود واحدهای مصرف‌کننده از طریق ترکیب بهره‌ور کالاهای خدمات بازاری خریداری شده (goods) با مقدار وقت صرف شده خانوار در این مورد، تولید می‌گردد. بنابراین در این روش؛ کالاهای بازاری خود داده‌هایی هستند که در فرایند تولید بخش غیربازاری استفاده می‌شوند و تقاضای مصرف‌کنندگان برای کالاهای بازاری تقاضای مشتق شده‌ای شبیه تقاضای مشتق یک بنگاه برای هر عامل تولیدی می‌باشد.

فرمول‌بندی «مدل تابع تولید خانوار» به شرح زیر خلاصه می‌شود:

$$(3) \quad \text{Max.: } U = U(Z_1, Z_2, \dots, Z_n)$$

$$(4) \quad Z_i = Z_i(x_i, t_i, e_i)$$

$$\text{S.t.:} \quad (5) \quad T_0 = t_w + t_c = t_w + \sum_i t_i$$

$$(6) \quad I = \sum_i P_i x_i = W t_w + V$$

$$(7) \quad F(I) = W T_0 + V$$

$$= \sum_i (W t_i + p_i x_i)$$

که در این نظام‌مندی (3) تابع مطلوبیت خانوار یا تابع مطلوبیت - ستاده است و  $Z_i$  مقدار کالای ترکیبی است که توسط خانوار و با استفاده از بزداری از کالاهای بازاری،  $x_i$  و بزداری از مقادیر وقت خانوار،  $t_i$ ، تولید می‌گردد. در این تابع  $e_i$  بزداری از

متغیرهای محیطی است که فن تولید یا سطح تکنولوژی را منعکس می‌سازد و بیانگر محیطی است که تولید در آن صورت می‌پذیرد. تابع مطلوبیت، حداقل مشروط به سه محدودیت می‌شود که عبارتند از: محدودیت تابع تولید در رابطه (4)، محدودیت روی وقت خانوار در رابطه (5)، و محدودیت روی درآمد خانوار که با رابطه (6)، بیان شده‌است. در این توابع،  $t_w$  وقت صرف شده توسط خانوار برای کار در بازار و  $t_1$  وقت صرف شده توسط خانوار در تولید کالاهای ترکیبی، ( $Z_i$ )، می‌باشد.  $P_i$  قیمت و  $x_i$  مقدار نهاده «کالای بازاری» است که در تولید  $Z_i$  بکار رفته است. با جایگزین کردن رابطه (5) در رابطه (6)، محدودیتهای وقت و درآمد پولی بصورت محدودیت منابع منفرد بر روی «درآمد کامل» (full income) تبدیل می‌گردد که رابطه شماره (7) با  $I_F$  نشان داده شده‌است.

در این رابطه  $W$ ، نرخ دستمزد بازاری،  $V$  درآمد بدون کار یا درآمد دارایی خانوار است و  $T_0$  کل وقت در دسترس می‌باشد. برای بسط مدل، می‌توان با مجزا کردن فراغت آن را وارد تابع مطلوبیت نمود. تابع محدودیت بر کل، وقت در دسترس، را به سه بخش وقت صرف شده برای کار در بازار، وقت تخصیص یافته برای تولید کالاهای ترکیبی، و وقت فراغت تعمیم می‌دهد  $(T_0 = t_w + t_c + t_1)$ .

مدل تابع تولید خانوار، مفاهیم تولید را در نظریه مصرف به نحوی مورد استفاده قرار می‌دهد که در آن، سعی خانوارها به حداقل رساندن هزینه‌های تولید و حداقل کردن مطلوبیت است. به عبارت دیگر خانوارها در مقابل تغییرات قیمت‌ها، تغییرات در بهره‌وری عوامل، تغییر در قیمت‌های سایه‌ای نسبی کالاهای ترکیبی و تغییرات در درآمد کامل واقعی واکنش نشان می‌دهند. «نظریه تابع تولید خانوار». یک ابزار تحلیلی قوی برای تئوری مصرف است. این روش، محدودیت‌های بیشمار و مختلف روی رفتار خانوار را در نظر می‌گیرد و برای توضیح رفتار بیشتر بر روی تغییرات درآمد و قیمت‌ها تأکید می‌کند. بنابراین متناظراً تأکید بر اختلاف در سلیقه‌ها یا ترجیحات را کاهش می‌دهد. این تعدیل‌ها موجب کاربردی‌تر شدن تئوری انتخاب

اقتصاددانان در بخش غیربازاری می‌شود و نظریه جدید را در تحلیل ابعاد مختلف رفتار خانوار کامیاب‌تر می‌نماید.

آنچه قبلًا خارج از قلمرو مطالعه اقتصاد استاندارد بود اکنون قابل بررسی به نظر می‌رسد. به عبارتی امروزه اندازه‌گیری ستاده خانگی، تحلیل رفتار مربوط به سفر، باروری و اندازه خانوار، متفعut از ازدواج، تأثیر آموزش، مهاجرت، بهداشت و سلامتی جسمی و روانی، الگوهای چرخه زندگی، مسایل جنایی، نیکوکاری، مشخصه‌های افراد، مآل اندیشه‌ی فحشم، اعتبار حسابات و دیگر کنشهای متقابل اجتماعی و متغیرهایی که مورد توجه اقتصاددانان، جامعه شناسان و روانشناسان هستند، در قلمرو کاربردهای تجربی مدل تابع تولید خانوار قرار دارند. به علاوه، نوسازی و جایگزینی «حسابداری اجتماعی» بجای «حسابداری درآمد ملی» با نگرش تابع تولید خانوار از رفتار مصرف‌کننده سازگاری دارد. هنوز کاربردهای گسترده‌تر این مدل به علت محدودیت داده‌ها با مانع مواجه است و نیاز به داده‌های جدید احساس می‌شود. رهیافت تابع تولید خانوار اکنون بخشی جدایی‌ناپذیر از تئوری اقتصاد است. نظریه نوین، دامنه بررسی‌های اقتصادی را گسترش می‌دهد و دیدگاه‌های نوینی برای فرآیند مصرف فراهم می‌سازد. نظریه تابع تولید خانوار، محدودیتهای پول، زمان و بهره‌وری را واژد تحلیل می‌کند و داشتن مصرف‌کننده و تفاوت‌های داخل خانوار در کارایی مصرف را در نظر می‌گیرد، بگونه‌ای که در این روش نوین تکنولوژی مصرف و بازده مصرف، نقش اصلی را در تحلیل ایفا می‌کند. در این چارچوب خانوارها قادر هستند با تغییر دادن شرایط محیطی آن را بهره‌ورتر سازند. به طور مثال، آنها می‌توانند آموزش بالاتری از طریق حضور در مدرسه، سلامت بهتری با وزرش کردن و یا ثبات سیاسی از طریق رأی دادن، تولید نمایند. بنابراین اگر آموزش و سن بر روی رفتار و اثرات بلندمدت آن مؤثر باشد می‌توان انتظار داشت که افراد بی‌سواد و افراد جوان دارای مصرف غیرمنطقی باشند.

کاربردهای تجربی «مدل تابع تولید خانوار» را می‌توان به سه گروه تفکیک

نمود:

(۱) کاربرد مدل در تحلیل فعالیتهایی که در آنها استفاده از وقت غیربازاری یک عنصر بنیادی است.

(۲) استفاده از مدل در تحلیل سرمایه انسانی.

(۳) کاربردهای مدل تابع تولید خانوار در تحلیل باروری، پدیده ازدواج و مفاهیم رفتاری آن.

بکر<sup>(۱)</sup> در سال ۱۹۷۳ انگیزه‌های ازدواج و گروه‌بندی بهینه زوجها بر حسب هوش، آموزش و سایر ویژگیها را مورد بررسی قرار داد و فریدن<sup>(۲)</sup> در ۱۹۷۴ برای مطالعه تجربی تفاوت‌های موجود در گرایشات و تمایلات ازدواج از این مدل استفاده کرد. او فک<sup>(۳)</sup> و هیکمن<sup>(۴)</sup> در ۱۹۷۱ و اسمیت<sup>(۵)</sup> در ۱۹۷۲ این رهیافت را برای بررسی کنش مقابل بین تصمیمات نیروی کار زنان و شوهران بکار برندند. ارلیک<sup>(۶)</sup> در ۱۹۷۳ مدل تابع تولید خانوار را برای تحلیل عکس العمل عملیات جنایی به احتمال دستگیری و مجازات استفاده نمود. ویلیس<sup>(۷)</sup> در ۱۹۷۳ از این مدل برای تحلیل تابع تقاضای باروری استفاده کرد و بلوش<sup>(۸)</sup> در ۱۹۷۳ و گرنو<sup>(۹)</sup> در ۱۹۷۶ الگوهای موارد استفاده و کاربرد وقت خانوار را مطالعه نمودند. نظریه مرسوم خانوار یک نظریه از خانوار تک - نفری است در حالی که مدل نوین خانوار نظریه‌ای مبتنی بر خانواده چند - عضوی با توابع مطلوبیت بهم وابسته است که بر هماهنگی و کنش مقابل میان اعضاء نسبت به تصمیمات متخذه درباره فرزندان، تقسیم کار، سرمایه‌گذاری در فرایندهای مهارت‌های بازاری و غیربازاری، حمایت اعضاء در برابر مخاطرات و انتقالات میان اعضاء... تمرکز می‌کند.

1- Becker

2 - Freiden

3 - Ofek

4 - Heekman

5 - Smith

6- Ehrlic

7- Willis

8- Bloch

9- Gronau

## تخصیص وقت و کالاها درون خانواده

تئوری کلاسیکی، «خانوار» را مترادف با «فرد» در نظر می‌گیرد؛ در حالی که در شیوه نوین نظریه مصرف یا مدل تابع تولید خانوار تحلیل عوامل و فرایند تصمیم‌گیری خانواده مبتنی بر دیدگاههای زیر است:

- ۱ - فعالیت مصرفی به عنوان فرایندی تولیدی در نظر گرفته می‌شود که در آن وقت و کالاها برای تولید مطلوبیت ترکیب می‌شوند.
- ۲ - اعضاء یک خانواده هر یک نقش متفاوتی در تولید مطلوبیت ایفا می‌کنند.
- ۳ - تقسیم‌بندی دوگانه «کار در بازار» در برابر «فراغت» ممکن است در شرایط خاصی برای تحلیل نقش شوهر تقریب مناسبی محسوب شود اما برای تحلیل نقش زن در فعالیت تولیدی خانوار مناسب نیست و لازم است کل وقت در دسترس زن با یک تقسیم‌بندی سه‌گانه «کار در بازار»، «کار در منزل» و «فراغت» از هم تفکیک شود.
- ۴ - اعضاء یک خانواده وقت خود را بر حسب مزیتهای نسبی که در تولید بازار و یا تولید کالاهای خانگی دارند تقسیم می‌کنند. مزیتهای نسبی نیز بنویه خود براساس نرخهای دستمزد در بازار و کارایی اعضاء مختلف خانواده در تولید کالاهای خانگی تعیین می‌شود؛ بنابراین خانواده برای عرضه کالاهای خانگی خود، از بین دو تولیدکننده (زن و شوهر) به تولیدکننده ارزانتر روحی می‌آورد.
- ۵ - تصمیم زن برای مشارکت یا عدم مشارکت در بازار کار، بر حسب مقایسه بین «ارزش وقت زن در نبود فرصتی‌های بازار» و «نرخ دستمزد بالقوه وی» شکل می‌گیرد.

از آنجایی که نرخهای دستمزد شوهران به طور معمول بالاتر از نرخهای دستمزد زنان است، مشاهده می‌شود که به طور کلی شوهران در کار بازار تخصص دارند در حالی که زنان در تولید کالاهای خانگی متخصص هستند. سه وضعیت متفاوت از تخصص زن و شوهر که عوامل تعیین‌کننده هزینه فرستی یا ارزش وقت زن را متأثر می‌سازند عبارتند از:

**وضعیت اول:** شوهر وقت خود را بین کار در بازار و فراغت اختصاص می‌دهد و زن وقت خود را بین کار در بازار، کار در منزل و فراغت تقسیم می‌نماید. در این حالت ارزش وقت زن از دیدگاه خانواده، برابر با نرخ دستمزد نهايی زن است.

**وضعیت دوم:** زن شاغل نبوده و در بازار کار مشارکت ندارد. قیمت وقت زن بوسیله درآمد نهايی خانواده تعیین می‌گردد.

**وضعیت سوم:** حالتی که شوهر در فرایند تولید خانگی مشارکت داشته و به همسر خود در کار منزل کمک می‌نماید. در این حالت ارزش وقت زن به نرخ دستمزد شوهرش پیوند می‌خورد.

## فرمول بندی کلی و مدل تحلیل نظری

خانوار وقت فراغت اعضاء خود را با کالاهای ترکیب می‌کند تا مطلوبیت ایجاد نماید:

$$\text{Max}_0 : U = U(Z, L_1, L_2)$$

$$\text{s.t.} \quad \left| \begin{array}{l} Z_j = Z_j(X_j, H_j) \\ \text{محدودیت بودجه} \\ \text{محدودیت وقت} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} P_x X = W_1 M_1 + W_2 M_2 + V = I \\ M_j + H_j + L_j = T_0 \end{array}$$

که در آن:

۱: زن  $Z$ : مقدار کالاهای خانگی  $L_1$ : مقدار فراغت شوهر  $L_2$ : مقدار فراغت زن  $X$ : مقدار نهادهای بازاری  $H$ : ساعات کار در منزل  $M$ : ساعات کار در بازار  $P_x$ : قیمت نهادهای بازاری  $W_1$ : نرخ دستمزد بازاری شوهر  $W_2$ : نرخ دستمزد بازاری زن  $V$ : درآمد غیر دستمزدی خانوار  $I$ : درآمد خانوار  $T_0$ : کل وقت در دسترس است.

فرض اول: قابع تولید کالاهای خانگی از نوع «لئونتیف» می‌باشد یعنی کالاهای خانگی از ترکیب وقت و نهادهای بازار با نسبت‌های ثابت تولید می‌شوند.

$$Z_j = \text{Min} \left( \frac{x_i}{a_j}, \frac{H_i}{b_j} \right), \quad j = 1, 2$$

$\frac{1}{a}$ : تولید نهایی نهادهای بازاری

$\frac{1}{b}$ : تولید نهایی وقت در تولید کالاهای خانگی

$$X_j = a_j z_j$$

$$H_j = b_j z_j$$

$$P_{zj} \equiv MC_{zj} = a_j p_x + b_j W^{\star}_j$$

$MC_z \equiv p_z$ : هزینه نهایی تولید یک واحد از کالاهای خانگی

$W^{\star}_j$ : ارزش وقت عضو  $j$

فرض دوم: همه کالاهای خانگی توسط زن تولید می‌شود یعنی شوهر وقت خود را بین کار در بازار و فراغت تقسیم می‌کند و زن وقت خود را به کار در بازار، کار در منزل و فراغت اختصاص می‌دهد.

$$p_z = a_2 p_x + b_2 w_2$$

از ادغام محدودیت بودجه و محدودیت وقت: «محدودیت درآمد کامل» بدست

می‌آید:

$$X = a_2 z$$

$$H_2 = b_2 z$$

$$P_z = a_2 p_x + b_2 w_2$$

$$P_z Z = p_x X + W_2 H_2$$

$$I = P_x X$$

$$= W_1 (T_0 - L_1) + W_2 (T_0 - H_2 - L_2) + V$$

$$= P_z Z + W_1 L_1 + W_2 L_2 = (W_1 + W_2) T_0 + v + FI$$

FI : درآمد کامل خانواده<sup>(۱)</sup> یعنی درآمدی که خانواده می‌تواند با اختصاص همه وقت در دسترس خود با کار در بازار به دست آورد.  
بنابراین مدل خانواده به صورت زیر خلاصه می‌گردد:

$$\text{Max. : } U = U(Z, L_1, L_2)$$

$$\text{S.t. : } P_Z Z + W_1 L_1 + W_2 L_2 = FI$$

: شرایط اولیه (لازم) برای بهینه‌سازی F.O.C.

$$U_Z = \lambda P_Z$$

$$U_{L1} = \lambda W_1$$

$$U_{L2} = \lambda W_2$$

q : مطلوبیت نهایی عامل

$\lambda$  : مطلوبیت نهایی درآمد کامل

با مفروض بودن شرایط لازم (F.O.C) و محدودیت ذراً مذکور، معادله تقاضاً برای i امین عامل به فرم ذیفرانسیل برحسب قیمت‌های مطلق عبارتست از:

$$(1) \quad \alpha_i d(\ln q_i) = \theta_i d(\ln Q) + \sum_j \pi_{ij} d(\ln P_j)$$

$$(2) \quad d(\ln Q) = \sum_i \alpha_i d(\ln q_i)$$

$$(3) \quad q_i : Z, L_1, L_2$$

$$(4) \quad P_i : P_Z, W_1, W_2$$

$\alpha_i = p_i q_i / FI$  : سهم بودجه‌ای

$\theta_i = \partial(p_i q_i) / \partial FI$  ،  $\sum_i \theta_i = 1$  : سهم نهایی

$\frac{1}{\varnothing} = \partial(\ln \lambda) / \partial(\ln FI)$  : کشش درآمدی مطلوبیت نهایی درآمد کامل

$\pi_{ij}$  : ضرایب قیمت نرمالیزه

$\pi_{ij} = \varnothing (\theta_{ij} - \theta_i \theta_j)$  : ضرایب اسلام‌سکی مدل

با اقتباس از مدل روتردام (Rotterdam Model) فرم تغییر - محدود

$e_i$  (finete - change) سیستم معادلات مذکور با افزودن جمله اخلال تصادفی

به صورت زیر می باشد:

$$\bar{\alpha}_i D q_i = \theta_i D Q + \sum_j \pi_{ij} D P_j + e_i$$

به قسمی که:

$$D Q = \sum_i \bar{\alpha}_i D q_i$$

$$\bar{\alpha}_{i,t} = \frac{1}{2} (\bar{\alpha}_{i,t-1} + \bar{\alpha}_{i,t})$$

$$\text{log - change (Y): } DY = \ln Y_t - \ln Y_{t-1} = \ln(Y_t / Y_{t-1}), Y > 0$$

روابط مذکور برحسب پارامترها ( $\theta_i$  و  $\pi_{ij}$ ) خطی می باشند و می توان با روش حداقل مربعات آنها را برآورد نمود.

### تحلیل فنی

در این مدل معادلات رگرسیون (سیستم معادلات تقاضا) عبارتند از:

$$\bar{\alpha}_Z D_Z = \theta_Z DQ + \pi_{ZZ} DP_Z + \pi_{ZL1} DW_1 + \pi_{ZL2} DW_2 + e_1$$

$$\bar{\alpha}_{L1} DL_1 = \theta_{L1} DQ + \pi_{L1Z} DP_Z + \pi_{L1L1} DW_1 + \pi_{L1L2} DW_2 + e_2$$

$$\bar{\alpha}_{L2} DL_2 = \theta_{L2} DQ + \pi_{L2Z} DP_Z + \pi_{L2L1} DW_1 + \pi_{L2L2} DW_2 + e_3$$

به قسمی که:

$$DQ = \bar{\alpha}_Z D_Z + \bar{\alpha}_{L1} DL_1 + \bar{\alpha}_{L2} DL_2$$

سایر روابطی که برای تخمین معادلات رگرسیون مزبور استفاده شده اند،

عبارتند از:

$$H_\gamma = b_\gamma z$$

محدودیت تابع تولید کالاهای خانگی:

$$d(\ln H_\gamma) = d(\ln z)$$

$$DH_\gamma = DZ$$

$$P_Z Z + W_1 L_1 + W_\gamma L_\gamma = FI \quad \text{محدودیت درآمد کامل:}$$

$$d(\ln P_Z) = d[\ln (FI - W_1 L_1 - W_\gamma L_\gamma)] - d(\ln z)$$

$$D P_Z = D(FI - W_1 L_1 - W_\gamma L_\gamma) - D Z$$

نتایج حاصل از تخمین پارامترهای مدل ( $\theta_i$  و  $\pi_{ij}$ ) با روش حداقل مربعات، برای داده‌های آماری مقطعی سال ۱۳۷۵ حاصل نمونه‌ای تصادفی، شامل ۲۴۴ خانوار در شهر اصفهان به شرح جدول شماره (۱) می‌باشد:

**جدول شماره (۱): برآورد سیستمی پارامترهای مدل**

متغیر	معادله تقاضا برای کالاهای خانگی		معادله تقاضا برای فراغت شوهر		معادله تقاضا برای فراغت زن	
	ضریب	Sig.T	ضریب	Sig.T Sig.T	ضریب	Sig.T
D·Q	./۱۱۷۰	./.....	./۲۷۵۴	./.....	./۲۰۲۸	./.....
D·PZ	-./۰۱۶۹	./.....	./۰۰۰۴۹	./۰۰۰۴	./۰۰۷۶	./.....
D·W <sub>1</sub>	./۰۰۴۹	./۰۰۰۴	-./۰۰۰۴۸	./۷۹۳۱	-./۰۰۴۹	./۰۰۰۸
D·W <sub>2</sub>	./۰۰۷۶	./.....	-./۰۰۴۹	./۰۰۰۸	./۰۰۰۴۶	./۸۱۱۰
	$R^2 = ./۲۸۵$	Sig.F = ./.....	$R^2 = ./۲۲۸$	Sig.F = ./.....	$R^2 = ./۲۲۶$	Sig.F = ./.....
	D - W = ۲/۷۹	N = ۲۴۳	D - W = ۲/۵۲	N = ۲۴۲	D - W = ۲/۷۱	N = ۲۴۳

بنابراین، ماتریس برآورده مدل عبارت است از:

$$\theta_i$$

$$Z \begin{bmatrix} ./۱۱۷۰ \\ ./۲۷۵۴ \\ ./۲۰۲۸ \end{bmatrix}$$

$$L_1 \begin{bmatrix} ./۰۰۰۴۹ \\ ./۰۰۰۴ \\ ./۰۰۰۸ \end{bmatrix}$$

$$L_2 \begin{bmatrix} ./۰۰۰۴۶ \\ ./۰۰۰۸ \\ ./۰۰۰۴ \end{bmatrix}$$

$\pi_{ij}$ 

	Z	L <sub>1</sub>	L <sub>2</sub>
Z	-0.0169	0.0049	0.0076
L <sub>1</sub>	0.0049	-0.0048(?)	-0.0049
L <sub>2</sub>	0.0076	-0.0049	0.0046(?)

علامت (?) به معنی عدم کفایت آماره T می‌باشد.

اکنون می‌توان مقادیر متوسط نمونه‌ای مشاهده شده را در معادلات رگرسیون برآورده جایگزین نمود و تخمینی از متوسط کشش‌های درآمد کامل، متوسط کشش‌های جانشینی جزئی «آلن - ازاوا»، متوسط کشش‌های تقاضا برای کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن و تخمینی از متوسط کشش‌های عرضه وقت کار در بازار زن و شوهر بدست آورد.

### متوسط کشش‌های درآمد کامل

با توجه به آنکه  $\eta_i = \theta_i / \alpha_i$  کشش درآمد کامل عامل زام می‌باشد، تخمینی از کشش‌های درآمد کامل برابر است با:

$$\eta_Z = \theta_Z / \bar{\alpha}_Z = 1/95$$

$$\eta_{L1} = \theta_{L1} / \bar{\alpha}_{L1} = 5/50$$

$$\eta_{L2} = \theta_{L2} / \bar{\alpha}_{L2} = 6/76$$

برآوردهای مذبور نشان می‌دهند کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن هر سه عامل نرمال می‌باشند.

### تعیین مکملی و جانشینی

برای تعیین مکملی و جانشینی عوامل، از کشش جانشینی جزئی «آلن - ازاوا»

استفاده می‌کنیم. با استفاده از ماتریس ضرایب برآورده  $\pi_{ij}$  و متوسط سهم‌های بودجه‌ای مشاهده شده در نمونه، تخمینی از کشش‌های مزبور بر اساس فرمول زیر بدست می‌آید:

$$\sigma_{ij} = (\pi_{ij} / \alpha_i \alpha_j) > 0$$

$$\text{عوامل } i \text{ و } j \text{ مکمل } < 0$$

به قسمی که  $\sigma_{ij}$  کشش جانشینی جزئی «آلن - ازاو» بین عامل  $i$ ام و عامل  $j$ ام،  $\pi_{ij}$  ضرایت اسلامتسکی مدل،  $\alpha_i$  و  $\alpha_j$  به ترتیب سهم‌های بودجه‌ای درآمد کامل عامل  $i$  و عامل  $j$  می‌باشد.

	$Z$	$L_1$	$L_2$
$Z$	$\sigma_{ZZ} = -4/69$	$\sigma_{ZL1} = 1/63$	$\sigma_{ZL2} = 4/22$
$L_1$	$\sigma_{L1Z} = 1/63$	$\sigma_{L1L1} = -0/189(?)$	$\sigma_{L1L2} = -3/26$
$L_2$	$\sigma_{L2Z} = 4/22$	$\sigma_{L2L1} = -3/26$	$\sigma_{L2L2} = 0/0.5(?)$

علامت (?) به معنی عدم کفایت آماره  $T$  می‌باشد.

ماتریس ضرایب  $\sigma_{ij}$  نشان می‌دهد، فراغت شوهر جانشین یا رقیب کالاهای خانگی است، فراغت زن نیز جانشین یا رقیب کالاهای خانگی می‌باشد، اما فراغت شوهر و فراغت زن عوامل مکمل هستند.

### کشش‌های تقاضابرای کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن

چنانچه سیستم معادلات تقاضای مدل (به فرم تغییر - محدود) را برحسب کشش نسبت به نرخ دستمزد شوهر و نسبت به نرخ دستمزد زن تبدیل کنیم، روابط

زیر بذست می‌آید، که در آن  $\in_{ij}$  کشش قیمتی تقاضا برای  $i$  امین عامل نسبت به تغییرات قیمت  $j$  امین عامل می‌باشد:

$$\in_{ZW_1} \equiv \frac{DZ}{DW_1} = \eta_Z \frac{DQ}{DW_1} + \frac{\pi_{ZZ}}{\alpha_Z} \cdot \frac{DPZ}{DW_1} + \frac{\pi_{ZL_1}}{\alpha_Z} + \frac{\pi_{ZL_2}}{\alpha_Z} \cdot \frac{DW_2}{DW_1}$$

$$\in_{L_1W_1} \equiv \frac{DL_1}{DW_1} = \eta_{L_1} \frac{DQ}{DW_1} + \frac{\pi_{L_1Z}}{\alpha_{L_1}} \cdot \frac{DPZ}{DW_1} + \frac{\pi_{L_1L_1}}{\alpha_{L_1}} + \frac{\pi_{L_1L_2}}{\alpha_{L_1}} \cdot \frac{DW_2}{DW_1}$$

$$\in_{L_2W_1} \equiv \frac{DL_2}{DW_1} = \eta_{L_2} \frac{DQ}{DW_1} + \frac{\pi_{L_2Z}}{\alpha_{L_2}} \cdot \frac{DPZ}{DW_1} + \frac{\pi_{L_2L_1}}{\alpha_{L_2}} + \frac{\pi_{L_2L_2}}{\alpha_{L_2}} \cdot \frac{DW_2}{DW_1}$$

$$\in_{ZW_2} \equiv \frac{DZ}{DW_2} = \eta_Z \frac{DQ}{DW_2} + \frac{\pi_{ZZ}}{\alpha_Z} \cdot \frac{DPZ}{DW_2} + \frac{\pi_{ZL_1}}{\alpha_Z} \cdot \frac{DW_1}{DW_2} + \frac{\pi_{ZL_2}}{\alpha_Z}$$

$$\in_{L_1W_2} \equiv \frac{DL_1}{DW_2} = \eta_{L_1} \frac{DQ}{DW_2} + \frac{\pi_{L_1Z}}{\alpha_{L_1}} \cdot \frac{DPZ}{DW_2} + \frac{\pi_{L_1L_1}}{\alpha_{L_1}} \cdot \frac{DW_1}{DW_2} + \frac{\pi_{L_1L_2}}{\alpha_{L_1}}$$

$$\in_{L_2W_2} \equiv \frac{DL_2}{DW_2} = \eta_{L_2} \frac{DQ}{DW_2} + \frac{\pi_{L_2Z}}{\alpha_{L_2}} \cdot \frac{DPZ}{DW_2} + \frac{\pi_{L_2L_1}}{\alpha_{L_2}} \cdot \frac{DW_1}{DW_2} + \frac{\pi_{L_2L_2}}{\alpha_{L_2}}$$

با استفاده از ماتریس ضرباب برآورده  $\pi_{ij}$  و مقادیر متوسط، نمونه‌ای مشاهده شده جایگزینی در روابط مزبور، تخمینی از متوسط کشش‌های تقاضا (برای کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن) نسبت به نرخ دستمزد شوهر و نسبت به نرخ دستمزد زن به شرح جدول شماره ۲ بدست می‌آید.

### کشش‌های عرضه وقت کار در بازار شوهر و زن

در جدول شماره (۲)، کشش‌های عرضه وقت کار در بازار، شوهر و زن با استفاده از برآورد کشش‌های تقاضا و مقادیر متوسط، نمونه‌ای براساس فرمول‌های زیر محاسبه شده است، به طوری که  $\in_{MiWj}$  کشش عرضه وقت کار در بازار عضو  $i$

نسبت به نرخ دستمزد عضو آزمی باشد:

$$\begin{aligned} \in M_1 W_1 &= -\frac{L_1}{M_1} \in L_1 W_1 \\ \in M_2 W_1 &= -\left(\frac{L_2}{M_2} \in L_2 W_1 + \frac{H_2}{M_2} \in Z W_1\right) \\ \in M_1 W_2 &= -\frac{L_1}{M_1} \in L_1 W_2 \\ \in M_2 W_2 &= -\left(\frac{L_2}{M_2} \in L_2 W_2 + \frac{H_2}{M_2} \in Z W_2\right) \end{aligned}$$

### جدول شماره (۲): متوسط کشش‌های برآورده

#### الف: برآورده کشش‌های تقاضا

- $\in Z W_1 = 0 / ۳۰۰$ : کشش تقاضا برای کالاهای خانگی نسبت به نرخ دستمزد شوهر
- $\in L_1 W_1 = -0 / ۰۵۸$ : کشش تقاضا برای فراغت شوهر نسبت به نرخ دستمزد شوهر
- $\in L_2 W_1 = -0 / ۴۲۴$ : کشش تقاضا برای فراغت زن نسبت به نرخ دستمزد شوهر
- $\in Z W_2 = -0 / ۶۰۱$ : کشش تقاضا برای کالاهای خانگی نسبت به نرخ دستمزد زن
- $\in L_1 W_2 = 0 / ۱۱۷$ : کشش تقاضا برای فراغت شوهر نسبت به نرخ دستمزد زن
- $\in L_2 W_2 = 0 / ۸۴۸(۹)$ : کشش تقاضا برای فراغت زن نسبت به نرخ دستمزد زن

#### ب: برآورده کشش‌های عرضه

- $\in M_1 W_1 = +0 / ۰۲۷$ : کشش عرضه وقت بازاری شوهر نسبت به نرخ دستمزد شوهر
- $\in M_2 W_1 = -0 / ۰۶۴$ : کشش عرضه وقت بازاری زن نسبت به نرخ دستمزد شوهر
- $\in M_1 W_2 = -0 / ۰۵۵$ : کشش عرضه وقت بازاری شوهر نسبت به نرخ دستمزد زن
- $\in M_2 W_2 = +0 / ۱۲۲$ : کشش عرضه وقت بازاری زن نسبت به نرخ دستمزد زن

علامت سؤال حالتی را نشان می‌دهد که ضرایب به لحاظ آماری معنی‌دار نمی‌باشند.  
با وجود آنکه ماتریس ضرایت برآورده  $i j$  نشان می‌دهد فراغت شوهر و

فراغت زن عوامل مکمل هستند اما از آنجایی که کشش جانشینی بین فراغت شوهر و کالاهای خانگی مثبت و به حد کافی بزرگ است، همانگونه که جدول شماره (۲) نیز نشان می‌دهد، کشش عرضه وقت کار بازاری زن نسبت به نرخ دستمزد شوهر ( $\in M2W1$ ) و کشش عرضه وقت کار بازاری شوهر نسبت به نرخ دستمزد زن ( $\in M1W2$ ) هر دو منفی می‌باشد. به علاوه، به علت آنکه برآورد کشش‌های درآمد کامل فراغت شوهر و فراغت زن بهم نزدیک هستند، ( $\eta L2 = 6/7$ ،  $\eta L1 = 5/5$ ) همانگونه که در جدول شماره (۲) نیز منعکس می‌باشد، عرضه کار بازاری زن به تغییرات در نرخ دستمزد شوهر حساس تر است. تا عرضیه کار بازاری شوهر به تغییرات نرخ دستمزد زن ( $\in M1W2 \in M2W1 >$ ).

## خلاصه و نتیجه‌گیری

«نظریه تابع تولید خانوار» یک ابزار تحلیلی قوی برای تئوری مصرف است. این مدل، مفاهیم تولید را در نظریه مصرف به کار می‌برد؛ بقسمی که خانوارها سعی در حداقل کردن هزینه‌های تولید و حداقل کردن مطلوبیت خود دارند. این رهیافت اقتصادی نوین در تحلیل رفتار مربوط به باروری، ازدواج، تخصیص وقت، اندازه‌گیری ستاده خانگی، تأثیر آموزش، سفر، بهداشت،...، و سایر کنش‌های متقابل بین اعضا خانواده، موفقیت‌های زیادی کسب نموده است.

در این پژوهش، به منظور ارائه یک مطالعه کاربردی از «رهیافت تابع تولید خانوار» پس از ارائه یک مدل نظری، داده‌های آماری خاصل از یک نمونه تصادفی با حجم ۲۲۴ خانوار تجزیه و تحلیل شده‌است. یافته‌های حاصل از بررسی مذبور نشان می‌دهند: کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن هر سه عامل نرمال هستند و کشش‌های درآمدی آنها مثبت است. ماتریس کشش‌های جانشینی جزیی «آلن - ازاوا» نیز بیانگر آن است که فراغت شوهر جانشین یا رقیب کالاهای خانگی است. فراغت زن نیز جانشین یا رقیب کالاهای خانگی می‌باشد، اما فراغت شوهر و فراغت زن عوامل

مکمل می‌باشند. در این تحقیق، با استفاده از برآوردهای کشش‌های تقاضا برای کالاهای خانگی، فراغت شوهر و فراغت زن نسبت به نرخهای دستمزد زن و شوهر، کشش‌های عرضه وقت کار در بازار، زن و شوهر نسبت به نرخهای دستمزد بازاری نیز برآورد شده‌اند. کشش‌های عرضه وقت کار بازاری زن یا شوهر نسبت به نرخ دستمزد خود مثبت می‌باشد و کشش‌های عرضه وقت کار بازاری زن یا شوهر نسبت به نرخ دستمزد همسر منفی است. به عبارت دیگر، با افزایش نرخ دستمزد شوهر، وقت کار بازاری زن کاهش می‌یابد و با افزایش نرخ دستمزد زن، کار بازاری شوهر کاهش می‌یابد اما عرضه کار بازاری زن نسبت به تغییرات در نرخ دستمزد شوهر حساس‌تر است تا عرضه کار بازاری شوهر نسبت به تغییرات نرخ دستمزد زن.  
$$(\infty M_2 W_1 > \infty M_1 W_2)$$

## پاورقی‌ها:

- 1 - Gary.S.Becker ,"*The Economic Approach to Human Behavior*", University of Chicago press, 1976.
- 2 - F.Bloch ,"*The Alloction of Time to Market and Non - Market Work Within a Family Unit*", Stanford Univ.1973.
- 3 - Reuben Gronau ,"*The Intrafamily Allocation of Time : The Value of Housewives Time*", A.E.R 68 (September,1973).
- 4 - R Gronau ,"*Leisure , Home Production , and Work - The Theory of the Allocation of Time Revisited*". J.P.E Vol.85, no.6.1977.
- 5 - K.J. lancaster,"*A New Approach to Consumer Theory*", J.P.E. (April, 1966). P.74.
- 6 - J Mincer, "*Labor Force Participation of Married Women*", New York : *National Bureau of Economic Research*.1963.
- 7 - R Muth ,"*Household Production and Consumer Demand Functions*",*Econometrica* , 1966, P.34.
- 8 - J.D. Owen ,"*The Price of Leisure*". *Rotterdam University Press and Mc Gill - Queens University Press*, 1969.
- 9 - M.G. Reid,"*Economics of Household Production*", New York:Wiley.1934
- 10 - Henri Theil ,"*The System - Wide Approach to Microeconomics*",University of Chicago Press, 1979.